

## TDAD n°1 : Eléments de correction

 Me 18 mars 2020   
  Sujet : 9h00 – Correction : 10h00

### Exercice 1 : Etude d'un filtre spécial voix

**Q1 :** Cette fonction de transfert peut se mettre sous une forme canonique d'un

filtre passe bas du 2nd ordre de la forme 
$$T(j\omega) = \frac{1}{1 + 2m \frac{j\omega}{\omega_0} + \left(\frac{j\omega}{\omega_0}\right)^2}$$

avec  $\frac{1}{\omega_0^2} = RaRbCaCb$  et  $\frac{2m}{\omega_0} = RbCb$ .

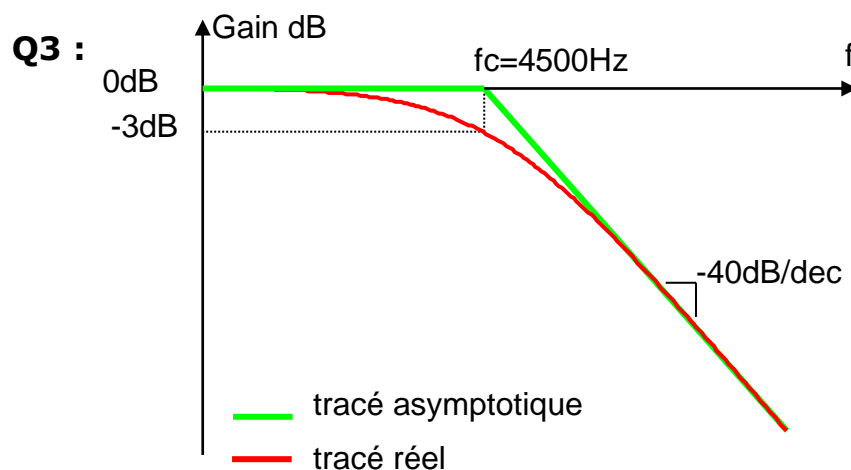
On en déduit donc  $\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{RaRbCaCb}}$  et  $m = \frac{1}{2} \sqrt{\frac{RbCb}{RaCa}}$

**Q2 :** En posant  $Ca=Cb=C$  on en déduit que

$f_0 = \frac{1}{2\pi C \sqrt{RaRb}}$  et  $m = \frac{1}{2} \sqrt{\frac{Rb}{Ra}}$

soit  $Rb = 4.m^2 Ra$  et donc  $C = \frac{1}{2\pi f_0 . 2.m.Ra}$

avec  $Ra=11k\Omega$  et  $f_0=f_c=4500Hz$  car  $m=0,707$  (Dans ce cas la fréquence de coupure est confondue avec la fréquence propre) on obtient  $Rb=22k\Omega$  et  $C=Ca=Cb=2,27nF$



## ⚙️ Exercice 2 : Un filtre pour récepteur ARVA

**Q1 :** La fonction de transfert peut se mettre sous la forme d'une fonction de transfert passe bande du 2nd ordre

$$\frac{V_1}{V_{IN}} = A_{max} \cdot \frac{\frac{j\omega}{Q\omega_0}}{1 + \frac{j\omega}{Q\omega_0} + \left(\frac{j\omega}{\omega_0}\right)^2} \text{ avec } \omega_0 = \frac{1}{R_2 \cdot C} \text{ et } Q = \frac{R_1}{R_2} \text{ et } A_{max} = 2$$

**Q2 :**  $Q = f_0 / BP = 91,4$

**Q2 :**  $R_2 = \frac{1}{2\pi f_0 C} = 512\Omega \approx 510\Omega (E24)$  et  $R_1 = Q \cdot R_2 = 46,8k\Omega (47k\Omega E3)$

## ⚙️ Exercice 3 : Un filtre passe haut pour un compteur LINKY

**Q1 :** Cette fonction de transfert peut se mettre sous une forme canonique d'un

filtre passe haut du 2nd ordre de la forme 
$$T(j\omega) = \frac{\left(\frac{j\omega}{\omega_0}\right)^2}{1 + 2m \frac{j\omega}{\omega_0} + \left(\frac{j\omega}{\omega_0}\right)^2}$$

avec  $\frac{1}{\omega_0^2} = R_1 R_2 C_1 C_2$  et  $\frac{2m}{\omega_0} = R_2 \cdot (C_1 + C_2)$ .

On en déduit donc 
$$\omega_0 = \frac{1}{\sqrt{R_1 R_2 C_1 C_2}} \text{ et } m = \frac{1}{2} \cdot \frac{R_2 (C_2 + C_1)}{\sqrt{R_1 \cdot R_2 \cdot C_1 \cdot C_2}}$$

**Q2 :**  $f_0 = 50kHz$  et  $m = 0,7$

**Q3 :** Comme  $m = 0,7$  alors  $f_c = f_0 = 50kHz$ . Comme le filtre possède une pente de 40dB/dec il y a 3 décades entre 50Hz et 50kHz soit une atténuation de 120dB !