



## Éléments de correction



### Thème n°1 : Montage à ampli-op & comparateur

Q1 :  $V_+ = \frac{R1}{R1+R2} \cdot V_S$     □ Le comparateur change d'état lorsque  $V_+ > 1,2V$  ou  $V_+ < 1,2V$

La valeur de seuil sur  $V_S$  qui provoque le changement est donc  $1,2V \cdot \frac{R1+R2}{R1} = 10,6V$

□ il faut que  $1,2V \cdot \frac{R1+R2}{R1} = 5,4V$  soit  $1,2V \cdot R2 = R1 \cdot (5,4V - 1,2V)$  donc  $R1 = 571k\Omega$

Q2 : Il s'agit d'un montage amplificateur non-inverseur donc  $V_{out} = V_{in} \cdot \left(1 + \frac{R_b}{R_a}\right)$

Gain = 34dB  $\Rightarrow 1 + \frac{R_b}{R_a} = 10^{\frac{34}{20}} = 50,1$  donc  $R_b = 147,4k\Omega$  (150kΩ Série E12)

$GBW = 50,1 \times 40kHz = 2MHz$

Q3 : En appliquant le théorème de superposition ou le théorème de Millman il vient :

$$V_i = V_c \cdot \left(1 + \frac{R2}{R1}\right) - V_{ref} \cdot \frac{R2}{R1}$$

A partir des indications fournies, on souhaite réaliser la fonction suivante :

Ce que l'on peut écrire mathématiquement par  $V_i = 5 \cdot V_c - 5$

Par identification on en déduit donc  $1 + \frac{R2}{R1} = 5$  donc  $\frac{R2}{R1} = 4$

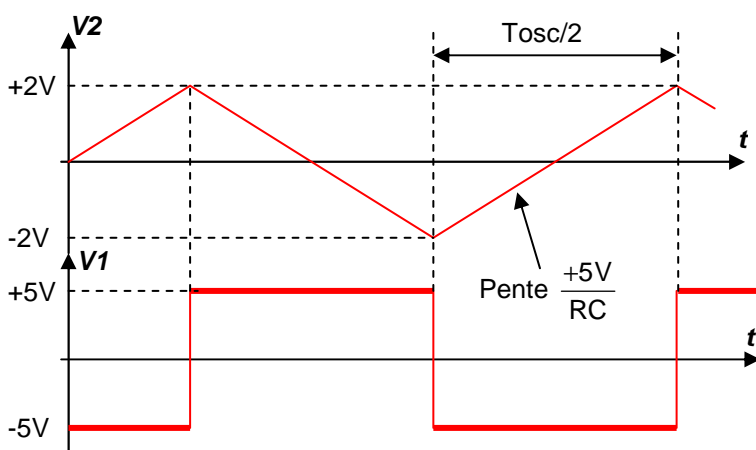
et  $V_{ref} \cdot \frac{R2}{R1} = 5V$  soit  $V_{ref} = 1,25V$

Q4 :

Lorsque  $V_{in} > 0$  D1 passante D2 bloquée

Lorsque  $V_{in} < 0$  D1 bloquée D2 passante

Q5 :



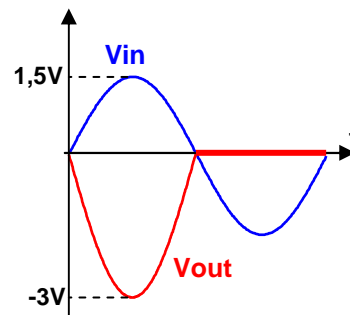
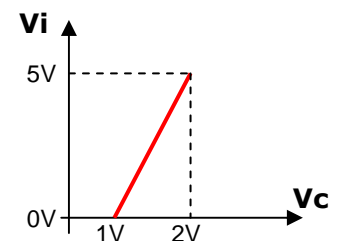
$$\frac{4V}{T_{osc}/2} = \frac{5V}{RC}$$

$$F_{osc} = \frac{5}{8 \cdot RC}$$

$F_{osc} = 10kHz$  donc  $RC = 62,5\mu s$

Par exemple  $R = 16k\Omega$

et  $C = 3,9nF$



**Q6 :** Le montage réalisé par l'amplificateur opérationnel AMP1 est un suiveur.

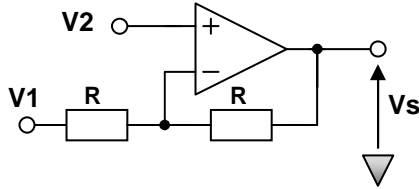
• La sortie /BATTLOW du comparateur CMPTR1 bascule à l'état bas quand :

$$V_{batt} \cdot \frac{R4}{R3+R4} < 1,2V \text{ soit pour } \boxed{V_{batt} < 2,04V}$$

• La sortie /BATTFAIL du comparateur CMPTR2 bascule à l'état bas quand :

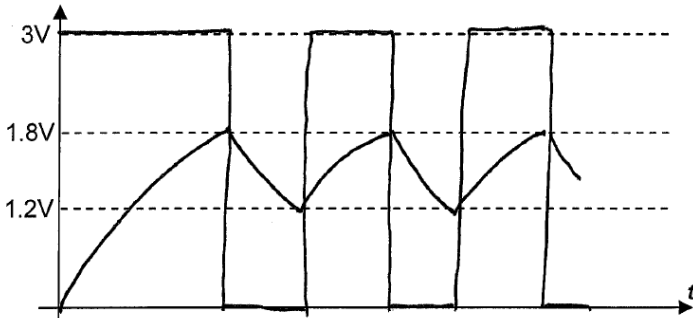
$$V_{batt} \cdot \frac{R3}{R3+R1} < 1,2V \text{ soit pour } \boxed{V_{batt} < 1,89V}$$

**Q7 :**



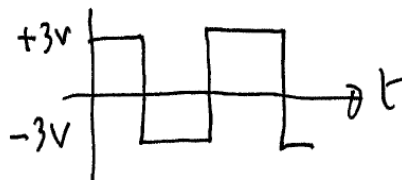
**Q8 :**

□ Lorsque le condensateur C est déchargé  $U_c=0$ . Il faut que  $V_{cde}=V_{dd}$  pour que l'oscillateur puisse fonctionner.



□

Inverseur logique

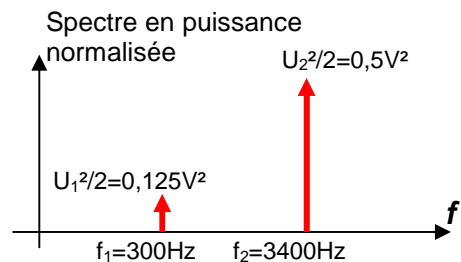
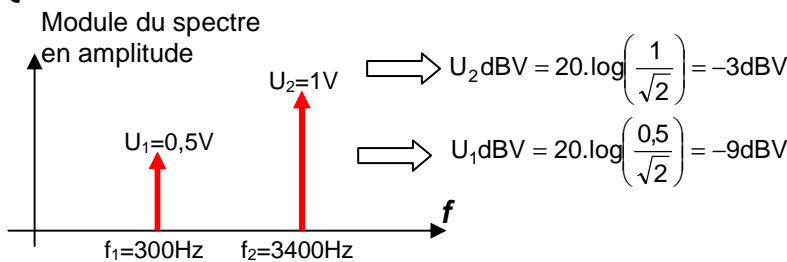


tension 2x plus importante aux bornes du Buzzer

□

## Thème n°2 : Analyse des signaux

**Q9 :**



$$(S_{2T} \text{ eff})^2 = \frac{U_1^2}{2} + \frac{U_2^2}{2} \text{ donc } S_{2T} \text{ eff} = \sqrt{\frac{U_1^2}{2} + \frac{U_2^2}{2}} = 0,79V$$

**Q10 :** Comme  $X1=Y1=E$  et que  $X2=Y2=0$ , l'opération réalisée par le multiplieur analogique AD633 devient donc

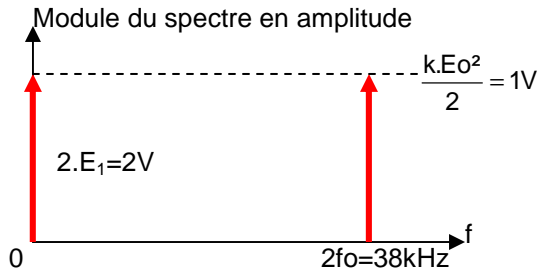
$$S=W \cdot K \cdot E^2 + Z \text{ avec } K=0,1V^{-1} \text{ et } Z = \frac{R2}{R1+R2} \cdot S$$

$$\text{donc } S = K \cdot E^2 + \frac{R2}{R1+R2} \cdot S \text{ soit } S \left(1 - \frac{R2}{R1+R2}\right) = K \cdot E^2 \text{ que l'on peut écrire } S \left(\frac{R1}{R1+R2}\right) = K \cdot E^2$$

$$\text{et qui donne } S = K \left(\frac{R1+R2}{R1}\right) \cdot E^2 \text{ de la forme } S = k \cdot E^2 \text{ avec } k = K \left(\frac{R1+R2}{R1}\right)$$

$$\text{On en déduit donc que } R2 = \frac{k \cdot R1}{K} - R1 \text{ soit } R2 = 19k\Omega$$

$$E = E_0 \cdot \sin(2\pi \cdot f_0 \cdot t) \text{ donc } S = k \cdot E_0^2 \cdot \sin^2(2\pi \cdot f_0 \cdot t) \text{ qui peut s'écrire } S = \frac{k \cdot E_0^2}{2} \cdot (1 - \cos(2\pi \cdot 2f_0 \cdot t))$$

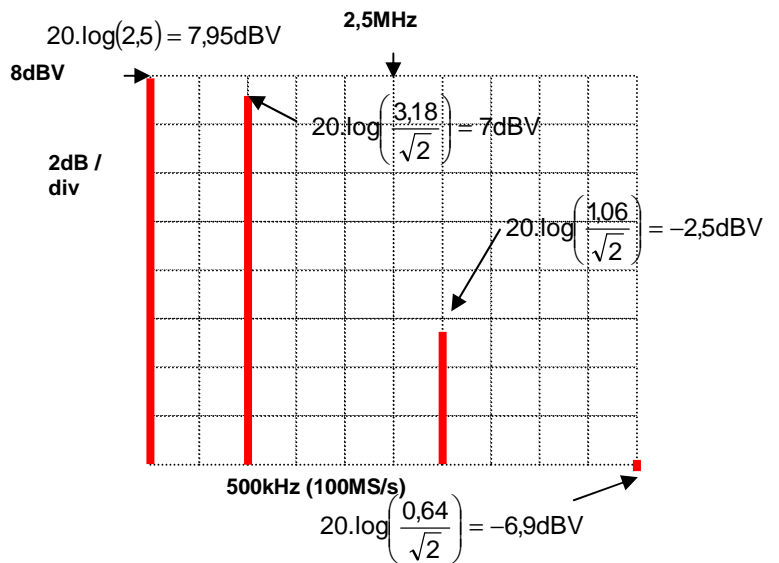
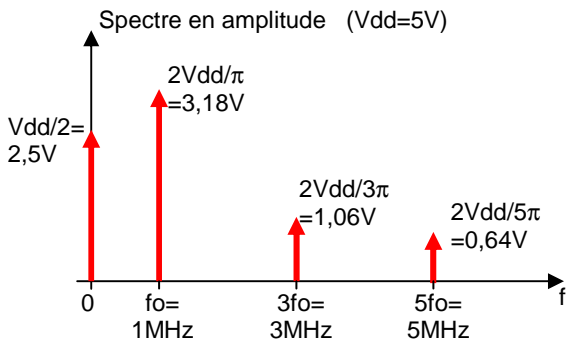


Comme on souhaite récupérer la composante en  $2f_0$ , il est donc nécessaire d'utiliser un simple filtre passe haut avec une fréquence de coupure largement inférieure à  $2f_0$ .

**Q11 :**  $U_{dBV} = 20 \cdot \log\left(\frac{U_{eff}}{1V}\right)$  donc pour un signal sinusoïdal  $U_{dBV} = 20 \cdot \log\left(\frac{\hat{U}}{\sqrt{2}}\right)$  soit  $\hat{U} = \sqrt{2} \cdot 10^{\frac{U_{dBV}}{20}}$

donc pour  $U_{dBV} = -20dBV$   $\hat{U} = 141,4mV$

**Q12 :**



**Q13 :** La valeur crête du signal triangulaire  $U = \sqrt{3} \cdot U_{eff} = 5,2V$

Composante fondamentale (50kHz)  $U_1 = 8U/\pi^2 = 4,21V$

Harmonique de rang 3 (150kHz)  $U_3 = 8U/(3\pi)^2 = 0,47V$

Harmonique de rang 5 (250kHz)  $U_5 = 8U/(5\pi)^2 = 0,17V$

$U_1dBV = 9,47dBV$

$U_3dBV = -9,6dBV$

$U_5dBV = -18,5dBV$

### Thème n°3 : Système linéaire du 1er & 2nd ordre

**Q14 :**

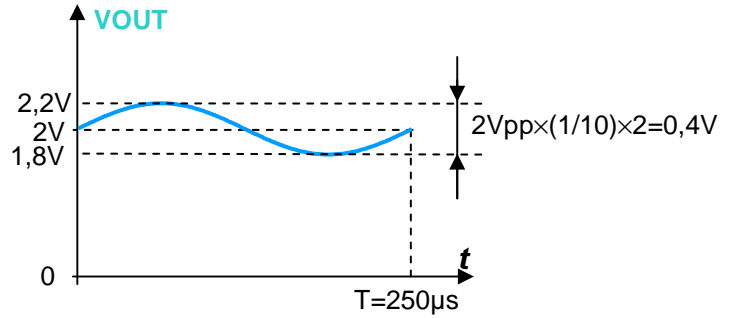
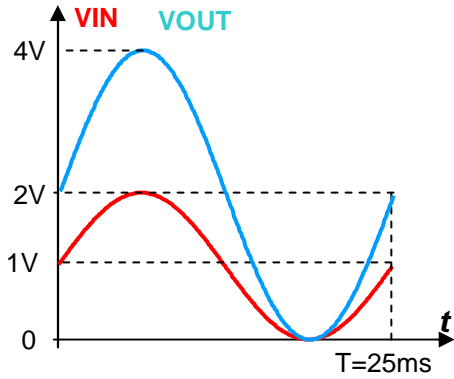
Ordre	Passe bas	Passe bande	Passe haut
1 <sup>er</sup>	$\frac{1}{1 + \frac{jf}{f_c}}$ $f_c$ : fréquence de coupure		$\frac{jf}{f_c}$ $1 + \frac{jf}{f_c}$ $f_c$ : fréquence de coupure
2 <sup>nd</sup>	$\frac{1}{1 + 2m \cdot \frac{jf}{f_0} + \left(\frac{jf}{f_0}\right)^2}$ $f_0$ : fréquence propre $m$ : coefficient d'amortissement	$\frac{jf}{Q \cdot f_0}$ $1 + \frac{jf}{Q \cdot f_0} + \left(\frac{jf}{f_0}\right)^2$ $f_0$ : fréquence propre ou centrale $Q$ : facteur de qualité $Q = \frac{1}{2m}$ $Q = \frac{f_0}{BP_{-3dB}}$	$\frac{\left(\frac{jf}{f_0}\right)^2}{1 + 2m \cdot \frac{jf}{f_0} + \left(\frac{jf}{f_0}\right)^2}$ $f_0$ : fréquence propre $m$ : coefficient d'amortissement

Q15 :  $f_c = \frac{1}{2\pi RC} = 34\text{kHz}$  donc  $f_c=398\text{Hz}$

L'amplification apporté par ce montage dans la bande passante est de 2

Comme la fréquence du signal d'entrée est inférieure à la fréquence de coupure, le filtre laisse passer intégralement le signal et le montage amplifie d'un facteur 2

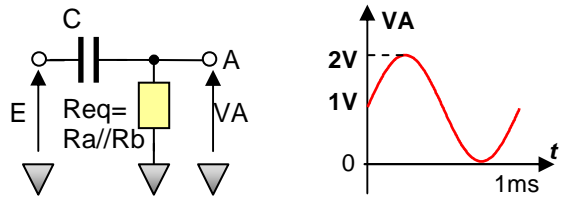
La composante sinusoïdale est atténuée d'un rapport 10 car cette fréquence se situe à une décade de la fréquence de coupure. Comme le filtre possède une pente de -20dB/dec on obtient une atténuation de 20dB soit un rapport 1/10 en linéaire. Le filtre passe bas laisse passer bien évidemment la composante continue et comme le montage à AOP multiplie par 2 on obtient sur la sortie VOUT



Q16 : En continu  $V_A = V_{cc} \cdot \frac{R_b}{R_a + R_b}$  donc  $V_A=1V$

Schéma équivalent en alternatif :

donc  $f_c = \frac{1}{2\pi R_{eq} C} = \frac{1}{2\pi \frac{R_a R_b}{R_a + R_b} \cdot C} = 10,8\text{Hz}$

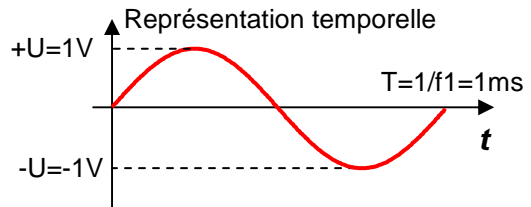


Comme  $f=1\text{kHz} \gg f_c$  on peut considérer que le condensateur est équivalent à un "fil" en alternatif, donc on retrouve la composante alternative superposée avec la composante continue comme le montre le chronogramme ci-dessus.

Q17 : On reconnaît un filtre passe haut avec  $f_c = \frac{1}{2\pi RC}$  donc  $f_c=42,3\text{Hz}$

Ce filtre supprime toute composante continue

Comme  $f_1 \gg f_c$  on retrouve la composante sinusoïdale sans la composante continue qui est supprimée par le filtre passe haut.

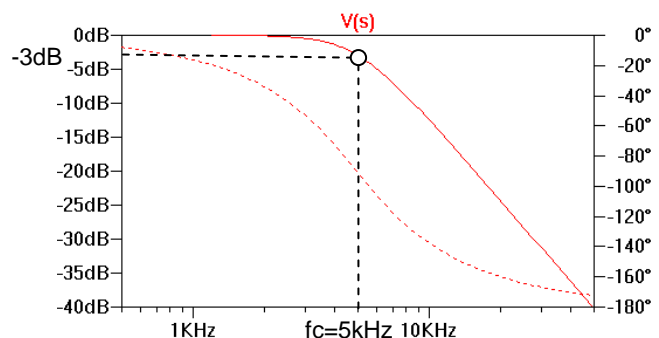
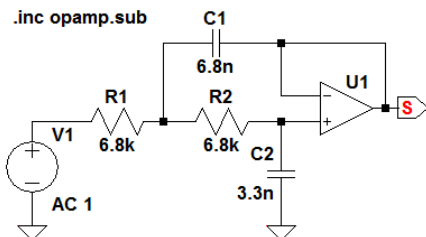


Q18 : Il s'agit d'une structure de Sallen & Key avec  $m = \sqrt{\frac{C_2}{C_1}}$  et  $f_0 = \frac{1}{2\pi R \sqrt{C_1 C_2}}$

Comme on désire le gain le plus plat dans la bande passante il s'agit alors d'une réponse typique de Butterworth donc pour un 2nd ordre  $m=0,707$ . Dans ces conditions la fréquence propre  $f_0$  correspond à la fréquence de coupure que l'on souhaite ici fixer à 5kHz.

En sélectionnant les condensateurs dans la série E12 et les résistances dans la série E24, on peut choisir  $C_2=3,3\text{nF}$   $C_1=6,8\text{nF}$  et  $R=6,8\text{k}\Omega$

Vérification Dimensionnement Sallen & Key  
 $m=0,707$   $f_0=f_c=5\text{kHz}$   
 .ac dec 100 500 50k  
 .inc opamp.sub



**Q19 :**  $Q = \frac{f_0}{BP_{-3dB}}$  donc  $Q=5$   $f_0 = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$  donc  $C = \frac{1}{L(2\pi f_0)^2}$  soit  $C=556pF$  (560pF serie E12)

à  $f=f_0$  le circuit LC est un circuit ouvert donc on se retrouve avec un simple pont de résistance donc le gain maximum est de -6dB

### Thème n°4 : Transmission de l'information

**Q20 :** Longueur  $L = \lambda/4$  avec  $\lambda = c/f$   $C=3.10^8m/s$  et  $f=224,5.10^6$  Hz soit  $L = 33,4cm$

**Q21 :**  
 $Fol1=(821+455)kHz$  donc  $Fol1=1276kHz$  →  $Fimage1 = (1276+455)kHz$  donc  $Fimage1=1731kHz$   
 $Fol2=(821-455)kHz$  donc  $Fol2=366kHz$  →  $Fimage2 = (455-366)kHz$  donc  $Fimage2=89kHz$

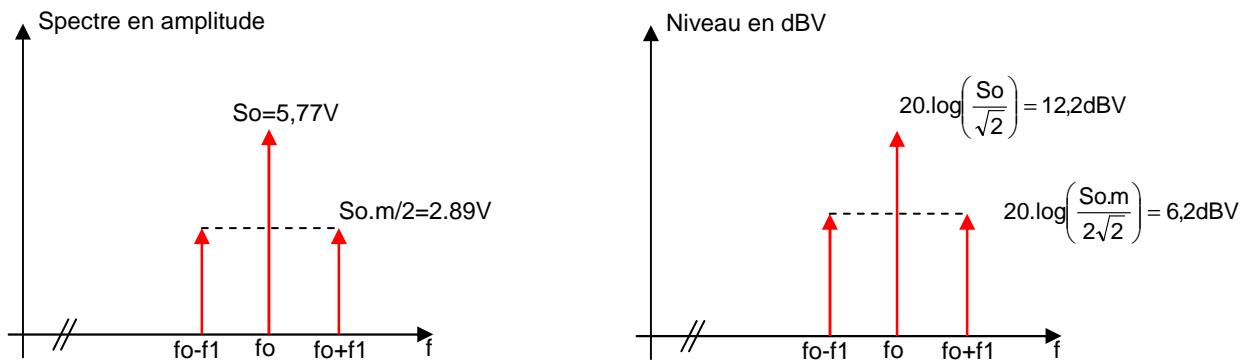
**Q22 :**  
 Expression typique d'un signal modulé MAPC :  $S(t)=So.[1+m.cos(2\pi.f_1.t)].cos(2\pi.f_0.t)$   
 Le tracé du spectre en puissance normalisée permet d'exprimer la valeur efficace  $S_{eff}$ . En effet :

$$S_{eff}^2 = \frac{So^2}{2} + 2 \cdot \frac{\left(\frac{So \cdot m}{2}\right)^2}{2} = So^2 \cdot \left(\frac{1}{2} + \frac{m^2}{4}\right) \text{ donc par déduction } So = \frac{S_{eff}}{\sqrt{\frac{1}{2} + \frac{m^2}{4}}}$$

Dans notre cas  $S_{eff}=3V$  et  $m=0,75$  donc  $So=3,74V$ .

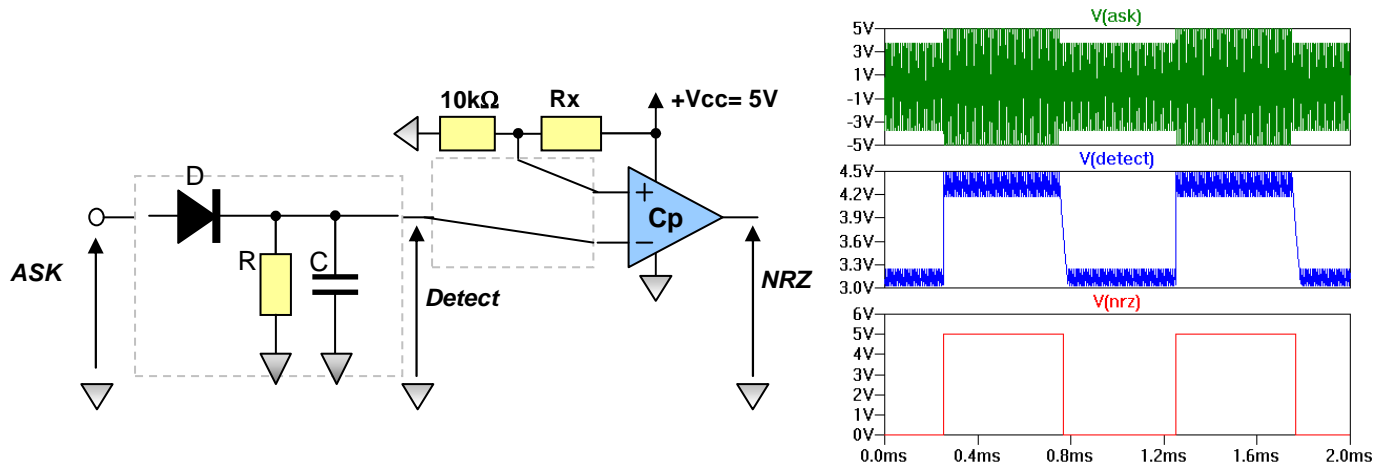
L'amplitude crête maximale du signal modulé est telle que  $S_{max}=So(1+m)$  soit  $S_{max}=6,56V$

**Q23 –**



$f_0=70kHz$  et  $f_1=1kHz$

**Q24 :** On considère le montage suivant mis en oeuvre pour effectuer une démodulation d'amplitude numérique ASK. Compléter les zones en pointillés du schéma suivant et proposer une valeur pour la résistance  $R_x$



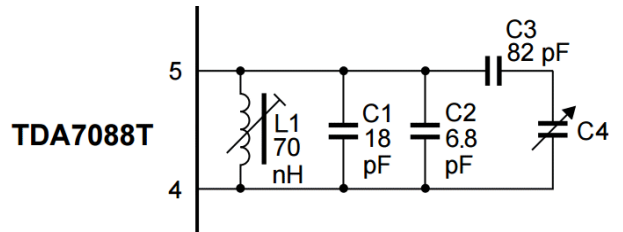
Il faut choisir une tension de seuil d'environ 3,75V donc  $3,75V = \frac{10k\Omega}{R_x + 10k\Omega} \cdot V_{cc}$

$$R_x = \frac{10k\Omega}{3,75V} \cdot V_{cc} - 10k\Omega \approx 3,3k\Omega$$

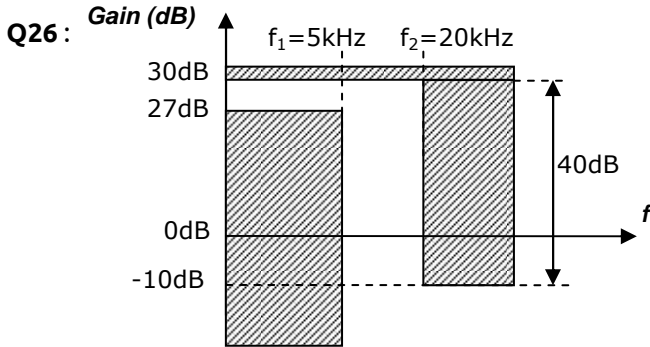
**Q25 :**

$$C_{eq} = C_1 + C_2 + \frac{C_3 \cdot C_4}{C_3 + C_4}$$

$C_{eq \min} = 30,39 \text{ pF}$  donc  $F_{osc \max} = 109,12 \text{ MHz}$   
 $C_{eq \max} = 47,82 \text{ pF}$  donc  $F_{osc \min} = 86,99 \text{ MHz}$



**Thème n°5 : Traitement du signal**



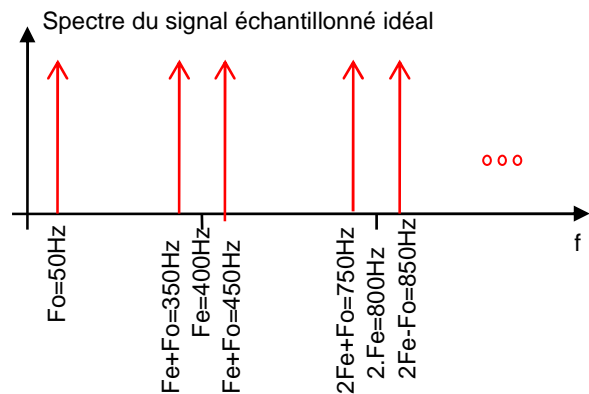
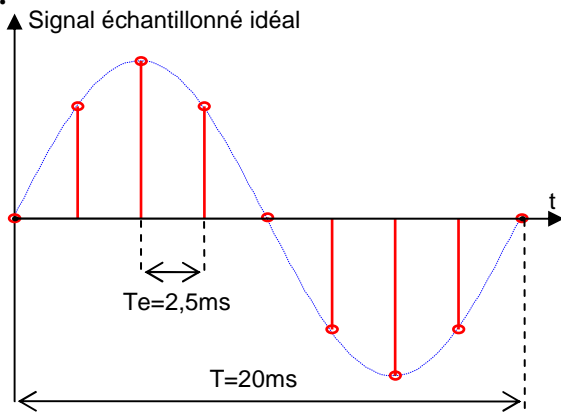
Pour déterminer l'ordre, on utilise les abaques en posant  $x = 20 \text{ kHz} / 5 \text{ kHz} = 4$  et en recherchant le point d'intersection avec  $-40 \text{ dB}$ . On trouve un ordre  $n=3$ . Dans ces conditions la fonction de transfert est de la forme :

$$T(jf) = \frac{10^{\frac{30}{20}}}{1 + \frac{jf}{fc}} \cdot \frac{1}{1 + \frac{jf}{fc} + \left(\frac{jf}{fc}\right)^2}$$

**Q27 :**  $F_e > 2 \cdot F_{\max}$

**Q28 :** Si l'on ne respecte pas la règle relative à l'échantillonnage des signaux il y a un phénomène de repliement de spectre. Il faut utiliser un filtre passe bas anti-repliement (anti-aliasing filter) en entrée du convertisseur.

**Q29 :**



**Q30 :** Un rythme cardiaque de 60 battements par minute équivaut à une fréquence de 1Hz donc avec une fréquence d'échantillonnage de 400Hz on obtient 400 points pour une période du signal ECG

**Q31 :** Il s'agit d'un filtre de lissage passe bas (smoothing filter)

**Q32 :**  $\frac{Y(z)}{X(z)} = H(z) = \frac{0,25 + 0,25 \cdot z^{-1}}{1 - 0,5 \cdot z^{-1}}$

```
Q33 : Fe = 10e3 ;
num = [0.25 0.25] ;
den = [1 -0.5] ;
[H, fr] = frmag(num, den, 500) ;
plot(fr * Fe, H)
```