



Éléments de correction



Thème n°1 : Montage à ampli-op & comparateur

Q1 : $V_+ = \frac{R1}{R1+R2} \cdot V_S$ Le comparateur change d'état lorsque $V_+ > 1,2V$ ou $V_+ < 1,2V$

La valeur de seuil sur V_S qui provoque le changement est donc $1,2V \cdot \frac{R1+R2}{R1} = 10,6V$

il faut que $1,2V \cdot \frac{R1+R2}{R1} = 5,4V$ soit $1,2V \cdot R2 = R1 \cdot (5,4V - 1,2V)$ donc $R1 = 571k\Omega$

Q2 : Il s'agit d'un montage amplificateur non-inverseur donc $V_{out} = V_{in} \cdot \left(1 + \frac{R_b}{R_a}\right)$

Gain=34dB $\Rightarrow 1 + \frac{R_b}{R_a} = 10^{\frac{34}{20}} = 50,1$ donc $R_b = 147,4k\Omega$ (150k Ω Série E12)

$GBW = 50,1 \times 40kHz = 2MHz$

Q3 : En appliquant le théorème de superposition ou le théorème de Millman il vient :

$$V_i = V_c \cdot \left(1 + \frac{R2}{R1}\right) - V_{ref} \cdot \frac{R2}{R1}$$

A partir des indications fournies, on souhaite réaliser la fonction suivante :

Ce que l'on peut écrire mathématiquement par $V_i = 5 \cdot V_c - 5$

Par identification on en déduit donc $1 + \frac{R2}{R1} = 5$ donc $\frac{R2}{R1} = 4$

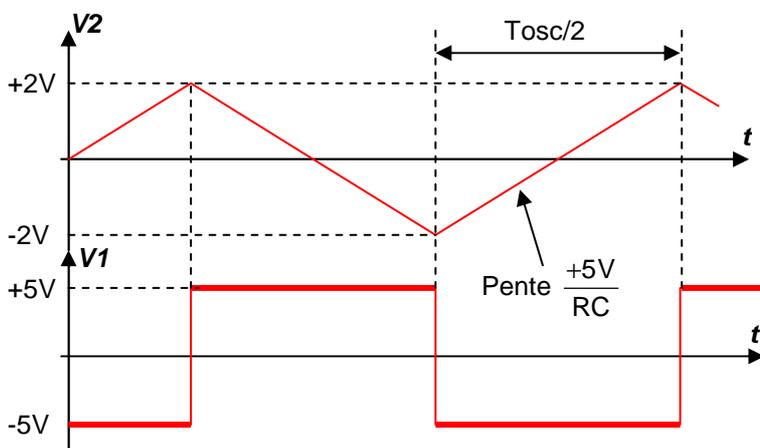
et $V_{ref} \cdot \frac{R2}{R1} = 5V$ soit $V_{ref} = 1,25V$

Q4 :

Lorsque $V_{in} > 0$ D1 passante D2 bloquée

Lorsque $V_{in} < 0$ D1 bloquée D2 passante

Q5 :



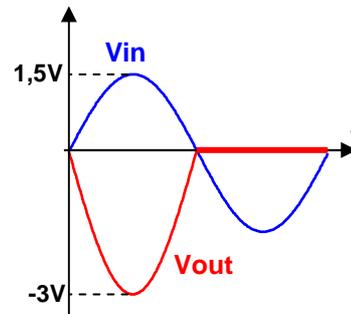
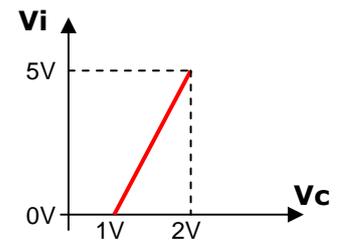
$$\frac{4V}{T_{osc}/2} = \frac{5V}{RC}$$

$$F_{osc} = \frac{5}{8 \cdot RC}$$

$F_{osc} = 10kHz$ donc $RC = 62,5\mu s$

Par exemple $R = 16k\Omega$

et $C = 3,9nF$



Q6 : • Le montage réalisé par l'amplificateur opérationnel AMP1 est un suiveur.

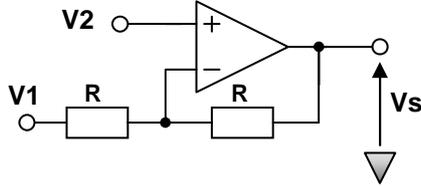
• La sortie /BATTLOW du comparateur CMPTR1 bascule à l'état bas quand :

$$V_{batt} \cdot \frac{R4}{R3+R4} < 1,2V \text{ soit pour } \boxed{V_{batt} < 2,04V}$$

• La sortie /BATTFAIL du comparateur CMPTR2 bascule à l'état bas quand :

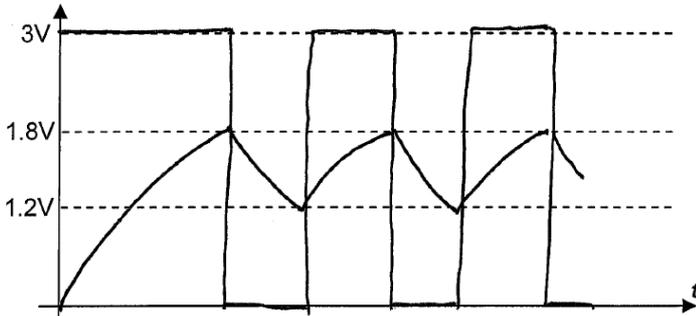
$$V_{batt} \cdot \frac{R3}{R3+R1} < 1,2V \text{ soit pour } \boxed{V_{batt} < 1,89V}$$

Q7 :



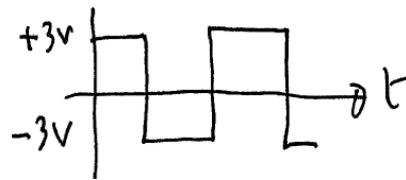
Q8 :

□ Lorsque le condensateur C est déchargé $U_c=0$. Il faut que $V_{cde}=V_{dd}$ pour que l'oscillateur puisse fonctionner.



□

Inverseur logique

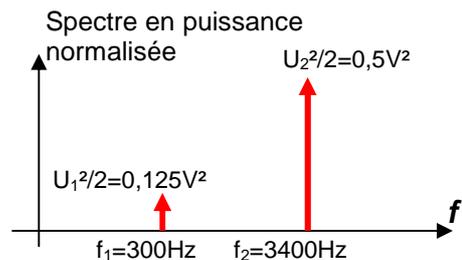
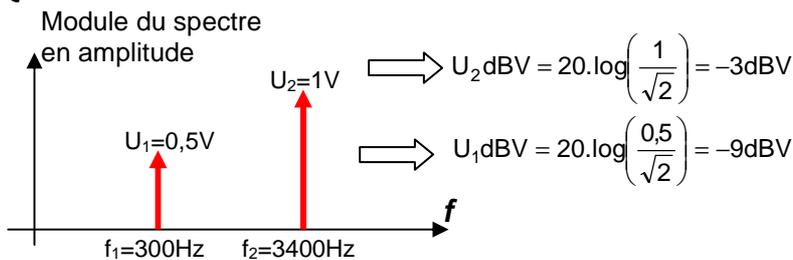


tension 2x plus importante aux bornes du Buzzer

□

Thème n°2 : Analyse des signaux

Q9 :



$$(S_{2T\text{eff}})^2 = \frac{U_1^2}{2} + \frac{U_2^2}{2} \text{ donc } S_{2T\text{eff}} = \sqrt{\frac{U_1^2}{2} + \frac{U_2^2}{2}} = 0,79V$$

Q10 : Comme $X1=Y1=E$ et que $X2=Y2=0$, l'opération réalisée par le multiplieur analogique AD633 devient donc

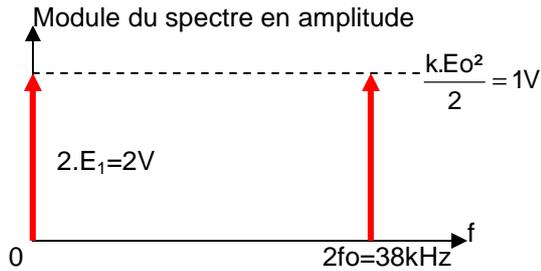
$$S=W \cdot K \cdot E^2 + Z \text{ avec } K=0,1V^{-1} \text{ et } Z = \frac{R2}{R1+R2} \cdot S$$

$$\text{donc } S = K \cdot E^2 + \frac{R2}{R1+R2} \cdot S \text{ soit } S \left(1 - \frac{R2}{R1+R2}\right) = K \cdot E^2 \text{ que l'on peut écrire } S \left(\frac{R1}{R1+R2}\right) = K \cdot E^2$$

$$\text{et qui donne } S = K \left(\frac{R1+R2}{R1}\right) \cdot E^2 \text{ de la forme } S = k \cdot E^2 \text{ avec } k = K \left(\frac{R1+R2}{R1}\right)$$

$$\text{On en déduit donc que } R2 = \frac{k \cdot R1}{K} - R1 \text{ soit } R2 = 19k\Omega$$

$$E = E_0 \cdot \sin(2\pi \cdot f_0 \cdot t) \text{ donc } S = k \cdot E_0^2 \cdot \sin^2(2\pi \cdot f_0 \cdot t) \text{ qui peut s'écrire } S = \frac{k \cdot E_0^2}{2} \cdot (1 - \cos(2\pi \cdot 2f_0 \cdot t))$$

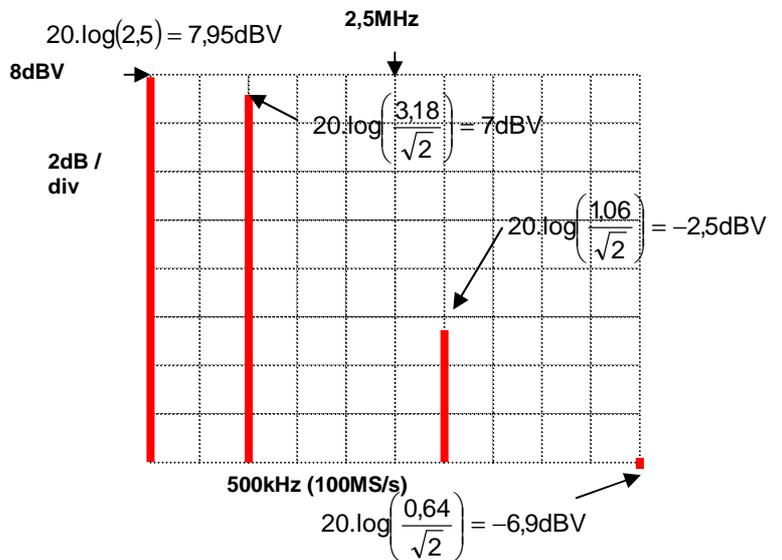
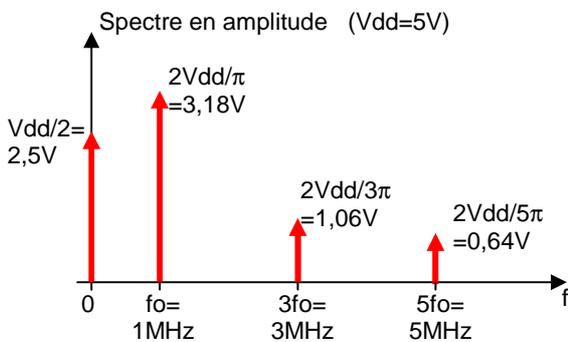


Comme on souhaite récupérer la composante en $2f_0$, il est donc nécessaire d'utiliser un simple filtre passe haut avec une fréquence de coupure largement inférieure à $2f_0$.

Q11 : $U_{dBV} = 20 \cdot \log\left(\frac{U_{eff}}{1\text{V}}\right)$ donc pour un signal sinusoïdal $U_{dBV} = 20 \cdot \log\left(\frac{\hat{U}}{\sqrt{2}}\right)$ soit $\hat{U} = \sqrt{2} \cdot 10^{\frac{U_{dBV}}{20}}$

donc pour $U_{dBV} = -20\text{dBV}$ $\hat{U} = 141,4\text{mV}$

Q12 :



Q13 : La valeur crête du signal triangulaire $U = \sqrt{3} \cdot U_{eff} = 5,2\text{V}$

Composante fondamentale (50kHz) $U_1 = 8U/\pi^2 = 4,21\text{V}$

Harmonique de rang 3 (150kHz) $U_3 = 8U/(3\pi)^2 = 0,47\text{V}$

Harmonique de rang 5 (250kHz) $U_5 = 8U/(5\pi)^2 = 0,17\text{V}$

$U_1\text{dBV} = 9,47\text{dBV}$

$U_3\text{dBV} = -9,6\text{dBV}$

$U_5\text{dBV} = -18,5\text{dBV}$

Thème n°3 : Système linéaire du 1er & 2nd ordre

Q14 :

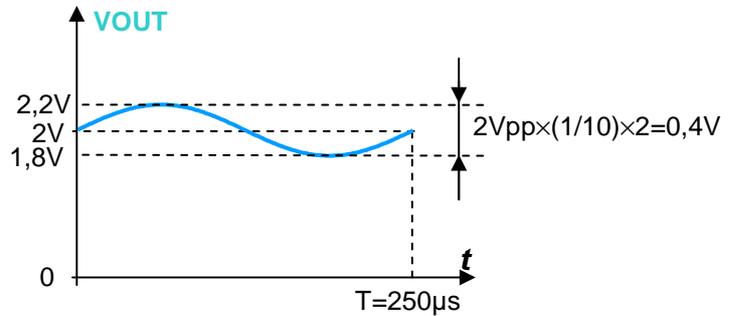
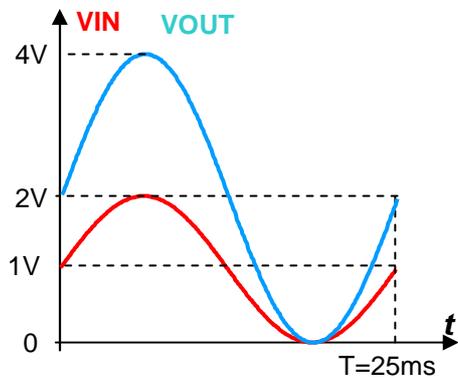
Ordre	Passe bas	Passe bande	Passe haut
1 ^{er}	$\frac{1}{1 + \frac{jf}{f_c}}$ f_c : fréquence de coupure		$\frac{jf}{1 + \frac{jf}{f_c}}$ f_c : fréquence de coupure
2 nd	$\frac{1}{1 + 2m \cdot \frac{jf}{f_0} + \left(\frac{jf}{f_0}\right)^2}$ f_0 : fréquence propre m : coefficient d'amortissement	$\frac{jf}{1 + \frac{jf}{Q \cdot f_0} + \left(\frac{jf}{f_0}\right)^2}$ f_0 : fréquence propre ou centrale Q : facteur de qualité $Q = \frac{1}{2m}$ $Q = \frac{f_0}{BP_{-3dB}}$	$\frac{\left(\frac{jf}{f_0}\right)^2}{1 + 2m \cdot \frac{jf}{f_0} + \left(\frac{jf}{f_0}\right)^2}$ f_0 : fréquence propre m : coefficient d'amortissement

Q15 : $f_c = \frac{1}{2\pi RC} = 34\text{kHz}$ donc $f_c=398\text{Hz}$

L'amplification apporté par ce montage dans la bande passante est de 2

□ Comme la fréquence du signal d'entrée est inférieure à la fréquence de coupure, le filtre laisse passer intégralement le signal et le montage amplifie d'un facteur 2

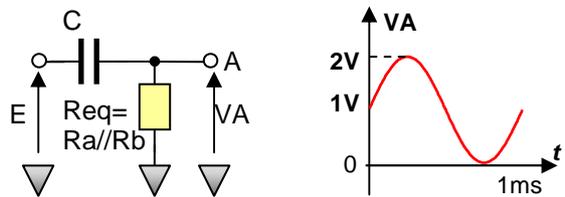
□ La composante sinusoïdale est atténuée d'un rapport 10 car cette fréquence se situe à une décade de la fréquence de coupure. Comme le filtre possède une pente de -20dB/dec on obtient une atténuation de 20dB soit un rapport 1/10 en linéaire. Le filtre passe bas laisse passer bien évidemment la composante continue et comme le montage à AOP multiplie par 2 on obtient sur la sortie VOUT



Q16 : □ En continu $V_A = V_{cc} \cdot \frac{R_b}{R_a + R_b}$ donc $V_A=1V$

□ Schéma équivalent en alternatif :

donc $f_c = \frac{1}{2\pi R_{eq} C} = \frac{1}{2\pi \frac{R_a R_b}{R_a + R_b} \cdot C} = 10,8\text{Hz}$

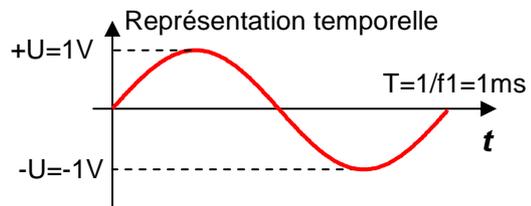


□ Comme $f=1\text{kHz} \gg f_c$ on peut considérer que le condensateur est équivalent à un "fil" en alternatif, donc on retrouve la composante alternative superposée avec la composante continue comme le montre le chronogramme ci-dessus.

Q17 : On reconnaît un filtre passe haut avec $f_c = \frac{1}{2\pi RC}$ donc $f_c=42,3\text{Hz}$

Ce filtre supprime toute composante continue

Comme $f_1 \gg f_c$ on retrouve la composante sinusoïdale sans la composante continue qui est supprimée par le filtre passe haut.

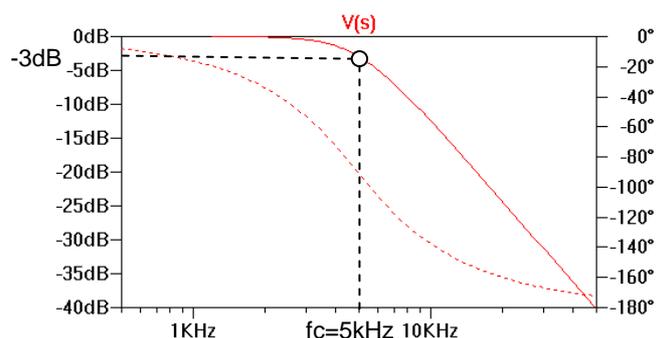
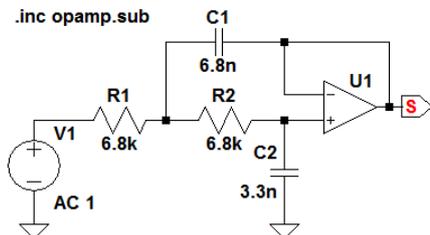


Q18 : Il s'agit d'une structure de Sallen & Key avec $m = \sqrt{\frac{C_2}{C_1}}$ et $f_0 = \frac{1}{2\pi R \sqrt{C_1 C_2}}$

Comme on désire le gain le plus plat dans la bande passante il s'agit alors d'une réponse typique de Butterworth donc pour un 2nd ordre $m=0,707$. Dans ces conditions la fréquence propre f_0 correspond à la fréquence de coupure que l'on souhaite ici fixer à 5kHz.

En sélectionnant les condensateurs dans la série E12 et les résistances dans la série E24, on peut choisir $C_2=3,3\text{nF}$ $C_1=6,8\text{nF}$ et $R=6,8\text{k}\Omega$

Vérification Dimensionnement Sallen & Key
 $m=0,707$ $f_0=f_c=5\text{kHz}$
 .ac dec 100 500 50k
 .inc opamp.sub



Q19 : $Q = \frac{f_0}{BP_{-3dB}}$ donc $Q=5$ $f_0 = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$ donc $C = \frac{1}{L(2\pi f_0)^2}$ soit $C=556pF$ (560pF serie E12)

à $f=f_0$ le circuit LC est un circuit ouvert donc on se retrouve avec un simple pont de résistance donc le gain maximum est de -6dB

Thème n°4 : Transmission de l'information

Q20 : Longueur $L = \lambda/4$ avec $\lambda = c/f$ $C=3.10^8m/s$ et $f=224,5.10^6$ Hz soit $L = 33,4cm$

Q21 :
 $Fol1=(821+455)kHz$ donc $Fol1=1276kHz$ → $Fimage1 = (1276+455)kHz$ donc $Fimage1=1731kHz$
 $Fol2=(821-455)kHz$ donc $Fol2=366kHz$ → $Fimage2 = (455-366)kHz$ donc $Fimage2=89kHz$

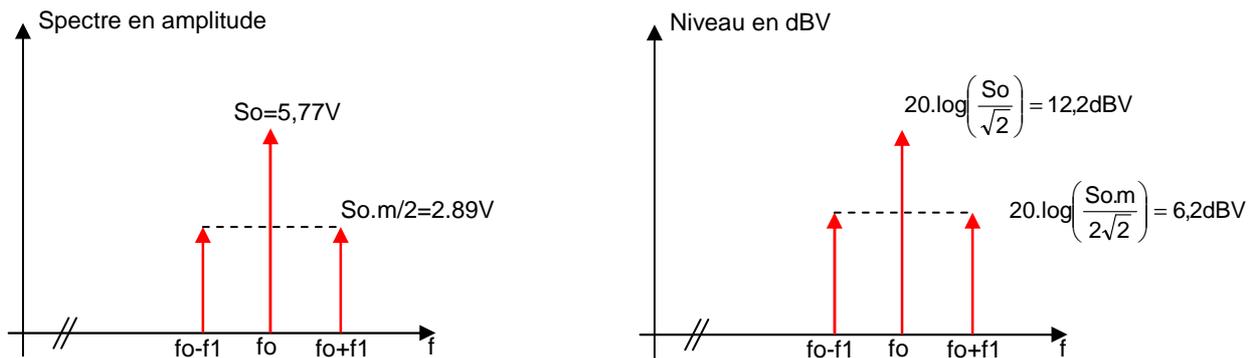
Q22 :
 Expression typique d'un signal modulé MAPC : $S(t)=So.[1+m.cos(2\pi.f_1.t)].cos(2\pi.f_0.t)$
 Le tracé du spectre en puissance normalisée permet d'exprimer la valeur efficace S_{eff} . En effet :

$$S_{eff}^2 = \frac{So^2}{2} + 2 \cdot \frac{\left(\frac{So \cdot m}{2}\right)^2}{2} = So^2 \cdot \left(\frac{1}{2} + \frac{m^2}{4}\right) \text{ donc par déduction } So = \frac{S_{eff}}{\sqrt{\frac{1}{2} + \frac{m^2}{4}}}$$

Dans notre cas $S_{eff}=3V$ et $m=0,75$ donc $So=3,74V$.

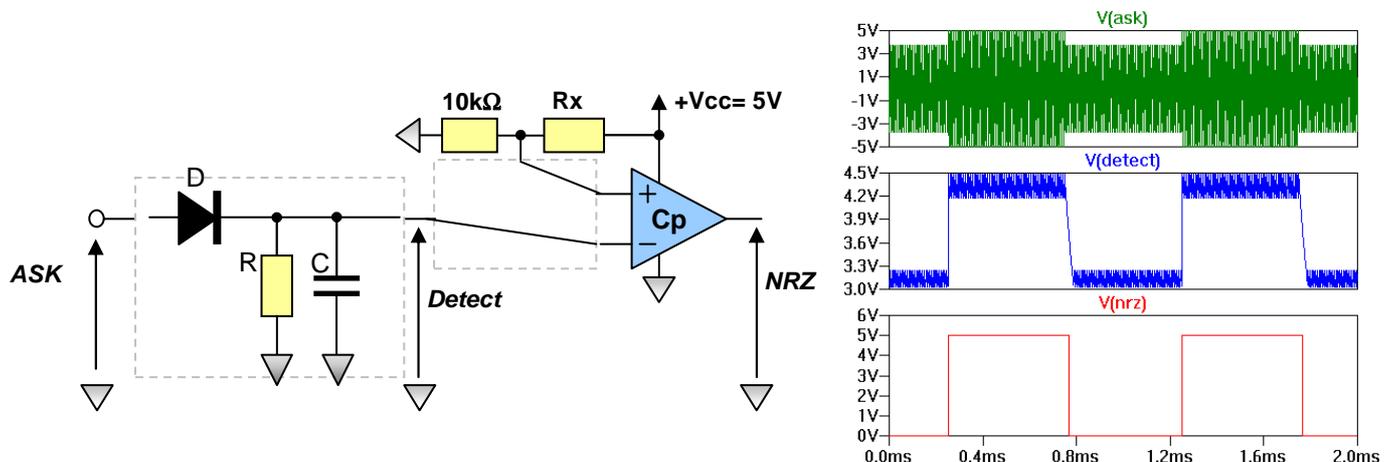
L'amplitude crête maximale du signal modulé est telle que $S_{max}=So(1+m)$ soit $S_{max}=6,56V$

Q23 –



$f_0=70kHz$ et $f_1=1kHz$

Q24 : On considère le montage suivant mis en oeuvre pour effectuer une démodulation d'amplitude numérique ASK. Compléter les zones en pointillés du schéma suivant et proposer une valeur pour la résistance R_x



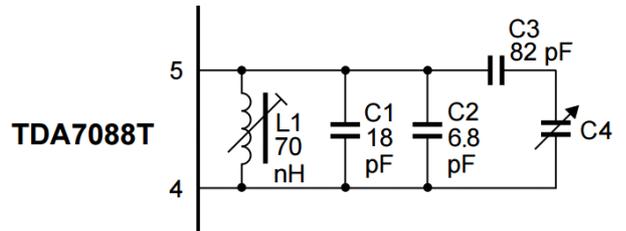
Il faut choisir une tension de seuil d'environ 3,75V donc $3,75V = \frac{10k\Omega}{R_x + 10k\Omega} \cdot V_{cc}$

$$R_x = \frac{10k\Omega}{3,75V} \cdot V_{cc} - 10k\Omega \approx 3,3k\Omega$$

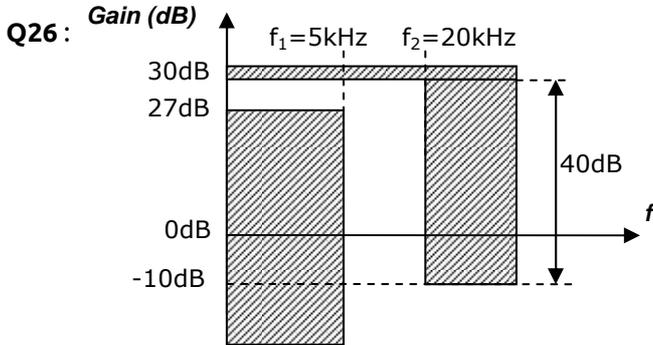
Q25 :

$$C_{eq} = C_1 + C_2 + \frac{C_3 \cdot C_4}{C_3 + C_4}$$

$C_{eq \text{ min}} = 30,39 \text{ pF}$ donc $F_{osc \text{ max}} = 109,12 \text{ MHz}$
 $C_{eq \text{ max}} = 47,82 \text{ pF}$ donc $F_{osc \text{ min}} = 86,99 \text{ MHz}$



Thème n°5 : Traitement du signal



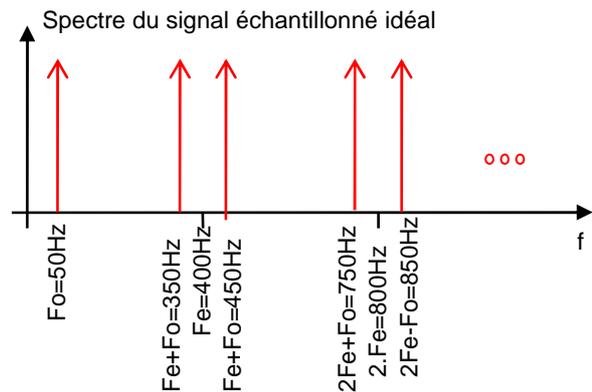
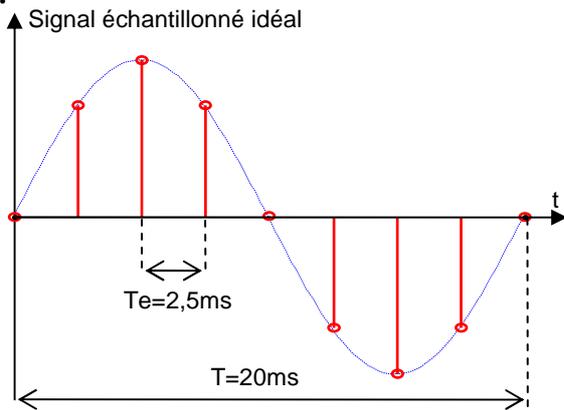
Pour déterminer l'ordre, on utilise les abaques en posant $x = 20 \text{ kHz} / 5 \text{ kHz} = 4$ et en recherchant le point d'intersection avec -40 dB . On trouve un ordre $n=3$. Dans ces conditions la fonction de transfert est de la forme :

$$T(jf) = \frac{10^{\frac{30}{20}}}{1 + \frac{jf}{fc}} \cdot \frac{1}{1 + \frac{jf}{fc} + \left(\frac{jf}{fc}\right)^2}$$

Q27 : $F_e > 2 \cdot F_{\text{max}}$

Q28 : Si l'on ne respecte pas la règle relative à l'échantillonnage des signaux il y a un phénomène de repliement de spectre. Il faut utiliser un filtre passe bas anti-repliement (anti-aliasing filter) en entrée du convertisseur.

Q29 :



Q30 : Un rythme cardiaque de 60 battements par minute équivaut à une fréquence de 1Hz donc avec une fréquence d'échantillonnage de 400Hz on obtient 400 points pour une période du signal ECG

Q31 : Il s'agit d'un filtre de lissage passe bas (smoothing filter)

Q32 : $\frac{Y(z)}{X(z)} = H(z) = \frac{0,25 + 0,25 \cdot z^{-1}}{1 - 0,5 \cdot z^{-1}}$

```
Q33 : Fe = 10e3 ;
num = [0.25 0.25] ;
den = [1 -0.5] ;
[H, fr] = frmag(num, den, 500) ;
plot(fr * Fe, H)
```