

# Critère de Routh : Exercices corrigés

jeudi 22 septembre 2016 21:59

## Exercice n°2

Q1 pour  $T_1(p)$

|       |   |   |   |
|-------|---|---|---|
| $p^4$ | 1   | 3   | 1 |
| $p^3$ | 5   | 6   | 0 |
| $p^2$ | $\frac{5 \times 3 - 1 \times 6}{5} = \frac{9}{5}$                       | $\frac{5 \times 1 - 1 \times 0}{5} = 1$                     | 0 |
| $p$   | $\frac{\frac{9}{5} \times 6 - 5 \times 1}{\frac{9}{5}} = \frac{29}{9}$  | $\frac{\frac{9}{5} \times 0 - 5 \times 0}{\frac{9}{5}} = 0$ |   |
| 1     | $\frac{\frac{29}{9} \times 1 - \frac{9}{5} \times 0}{\frac{29}{9}} = 1$ |   |   |

tous les coefficients sont  $> 0$  donc le système est STABLE

Pour  $T_2(p)$

|       |   |    |   |
|-------|---|----|---|
| $p^4$ | 1   | 3  | 1 |
| $p^3$ | 5   | 16 | 0 |
| $p^2$ | $\frac{5 \times 3 - 1 \times 16}{5} = -\frac{1}{5}$ |    |   |
| $p^1$ |   |    |   |
| 1     |   |    |   |

⚠  $< 0$  donc le système est INSTABLE

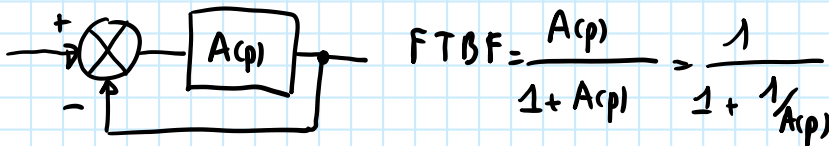
Q2

|       |                          |   |   |
|-------|--------------------------|---|---|
| $p^4$ | 1                        | a | 1 |
| $p^3$ | 4                        | 2 | 0 |
| $p^2$ | $\frac{4a-2}{4} = a-0,5$ | 1 |   |
| $p$   | $\frac{2a-5}{a-0,5}$     | 0 |   |
| 1     | 1                        |   |   |

il faut que  $a-0,5 > 0$  et  $2a-5 > 0$

donc au final il faut que  $a > \frac{5}{2}$  pour que le système soit stable

### Exercice n°3



donc 
$$FTBF = \frac{1}{1 + \frac{p}{K_i} \cdot \frac{(1+z_1p)(1+z_2p)}{100}}$$

soit 
$$FTBF = \frac{100k_i}{100 \cdot k_i + p + (z_1+z_2)p^2 + z_1z_2p^3}$$

Tableau de Routh:

|       |   |          |
|-------|---|----------|
| $p^3$ | $z_1, z_2$                                      | 1        |
| $p^2$ | $z_1+z_2$                                       | $100k_i$ |
| $p$   | $\frac{z_1+z_2 - z_1z_2 \cdot 100k_i}{z_1+z_2}$ | 0        |
| 1     | $100k_i$  |          |

Pour que le système soit stable il faut que

$100k_i > 0$   $k_i > 0$  et

$$z_1 + z_2 - z_1 z_2 100k_i > 0 \quad \text{soit} \quad k_i < \frac{z_1 + z_2}{100 z_1 z_2} = 6 \text{ mrad/s}$$

Une vérification avec une simulation LTSpice sur l'application du critère du revers permet de se rendre compte que pour la valeur limite  $k_i = 6 \text{ mrad/s}$  le gain BO passe par 0dB en même temps que la phase passe par  $-180^\circ$  :

